SESSION 2015

EPREUVE DE MATHEMATIQUES durée : 1heure

Dans chacun des cas choisir la bonne réponse

Attention ; Mettre les réponses sur la fiche annexe notée grille de réponses

Q1. La suite (u_n) définie sur IN par :

$$u_n = n - 4ln(n)$$
 est croissante

A. VRAI

B. FAUX

Q2. Soit la suite (v_n) définie sur *IN* par :

$$v_n = \frac{ln(4n)}{ln(3n)}$$
. Alors $lim(v_n) = 1$

A. VRAI

B. FAUX

 $\mathbf{Q3.}\ x$ est un réel quelconque ; soient :

$$z_1 = 1 - i$$
; $z_2 = 1 + i$; $z_3 = cosx + i sinx$ et $z = z_1, z_2, z_3$

A.
$$|z| \leq |z_1|^3$$

B.
$$arg(z) = x[\pi]$$

C. z est un réel équivaut à
$$x = 0 \left(\frac{\pi}{4}\right)$$

D.
$$arg(z) = -x[2\pi]$$

Q4. Soient Ω , M, M' d'affixes respectives :

$$-\frac{1}{\sqrt{3}}$$
, z, z' tels que : z' = $(1 + i\sqrt{3})z + i$

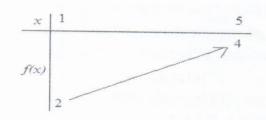
A.
$$(\overrightarrow{\Omega M}, \ \overrightarrow{\Omega M}') = -\frac{\pi}{6}(2\pi)$$

B.
$$\Omega M' = 2\Omega M$$

$$\mathbf{C.} \ \Omega M' = \Omega M$$

D.
$$(\overrightarrow{\Omega M}, \ \overrightarrow{\Omega M}') = \frac{\pi}{6}(2\pi)$$

 ${\bf Q5.}$ Le tableau de variation d'une fonction f est le suivant



Soit (u_n) la suite définie par $u_0 = 1$ et $u_{n+1} = f(u_n)$

A.
$$\forall n \in IN$$
, on a: $1 \le u_n \le 5$

B.
$$\forall n \in IN$$
, on a: $u_{n+1} \leq u_n$

C. Pour $u_0 = 5$, la suite (u_n) est encore croissante.

D. Si
$$\forall n \in IN$$
, $\left|u_n - \frac{5}{2}\right| \leq \left(\frac{1}{3}\right)^n$ alors $\lim (u_n) = 0$

Q6. Une étude statistique sur des séances de « tirs au but » a montré que 75% des tirs au but étaient réussis. Au cours d'un match de football, 4 tirs au but, que l'on suppose être épreuves aléatoires indépendantes, ont été effectués. La probabilité qu'au moins un des quatre tirs au but échoue est 0,254.

A. VRAI

B. FAUX

Q7. Pour $n \ge 2$ on définit sur]0; $+\infty[$ la fonction f_n par $f_n(x) = x^n(2\ln(x) - 1)$

A. Pour
$$x > 0$$
, $f'_n(x) = x^{n-1}(2n\ln(x) - n + 1)$

B.
$$f_n'$$
 s'annule pour la valeur $a_n = e^{\frac{1}{2}-n}$

C. Pour tout entier
$$n \ge 2$$
, $1 \le a_n \le \sqrt{e}$

D.
$$lim (a_n) = 1$$

Q8. Un professeur initie ses élèves au calcul de la première année de mathématiques, en définissant une opération* dans \mathbb{R} tel que :

$$x * y = [x^2 + y]y; \quad \forall x, y \in \mathbb{R},$$

En application il affirme que:

$$(x * y) * z = 3y^{2}(x^{2} + y^{2})^{2} + 9$$

A. VRAI

B. FAUX

Q9. On considère l'équation

(E):
$$(z+1)^4 + (z-1)^4 = 0$$
; $z \in \mathbb{C}$ et $u = {z_1}^2 + {z_2}^2 + {z_3}^2 + {z_4}^2$, z_1, z_2, z_3, z_4 étant les solutions de (E)

A:
$$u = i\sqrt{3 - 2\sqrt{2}}$$

B:
$$u = -12$$

C:
$$u = -i\sqrt{3 + 2\sqrt{2}}$$

D: Aucune réponse n'est juste.

Q10. Soit P(x) le polynôme défini par :

 $P(x) = \sum_{i=1}^{n} (a_i x + b_i)^2$; a_i et b_i sont des nombres réels non tous nuls. Son discriminant est : $\Delta' = (\sum_{i=1}^{n} a_i^2)^2 - (\sum_{i=1}^{n} a_i b_i) (\sum_{i=1}^{n} b_i^2)$

A. VRAI

B. FAUX

Q11. Soit la suite de nombres complexes (z_k)

où $z_k=e^{\frac{2ik\pi}{n}}$, $k\in IN$ et n est un entier positif supérieur ou égal à 2 fixé avec M_k l'image de z_k .

A.
$$\forall k > 0, (z_k)^n = -1$$

B.
$$M_k M_{k+1} = 2 \sin\left(\frac{\pi}{n}\right)$$

C.
$$\forall k > 0$$
, $(\overline{z_k^n}) = -1$

D.
$$z_0 - z_1 - z_2 - \dots - z_{n-1} = 0$$

Q12. A, B, et C sont des ensembles

$$A \cup [(B \cap C) \cap A] = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

A. VRAI

B. FAUX

Q13. Un dé à six faces est déséquilibré de façon que les probabilités p_1, p_2, \ldots, p_6 d'obtenir les numéros 1; 2; ...; 6 sont, dans cet ordre, les termes consécutifs d'une suite arithmétique de raison $\frac{-1}{30}$.

A. On lance le dé une fois. Sachant que $p_6=\frac{1}{12}$, on obtient $p_1=\frac{7}{60}$

B. On lance le dé n fois. Si on note u_n la probabilité de l'événement E_n « Obtenir pour la première fois le numéro 6 au $n^{i\`{e}me}$ lancer » alors, pour tout entier $n \geq 1$, $u_n = \frac{1}{12} \left(\frac{11}{12}\right)^{n+1}$

C. La suite (u_n) est une suite géométrique divergente.

D. La probabilité de l'évènement F:

« Obtenir au moins une fois le numéro 6 en 10 lancers » est P(F) = 0.681

Q14. La dérivée $n^{i
mathred{i} m e}$ du produit de deux fonctions f et g n fois dérivable est : $(fg)^{(n)} = \sum_{k=0}^{n} C_n^k f^{(k)} \cdot g^{(n-k)}$ avec $f^{(0)} = f$ et $g^{(0)} = g$

A. VRAI

B. FAUX

Q15. On considère la suite (U_n) , définie par le terme $U_0 > 0$ donnée ; $U_{n+1} = \frac{7U_n + 3}{U_{n+5}}$ et

$$V_n = U_n - 3$$
 alors $\frac{V_n}{V_{n+4}} = \frac{1}{2} \frac{V_{n-1}}{V_{n-1}+4}$

A. VRAI

B. FAUX

Q16. On donne $g(x) = (1-x)^{\sqrt{x}}$ une fonction. Son ensemble de définition est :

A: [0; 1[

 $\mathbf{B}:D_g=\emptyset$

 $C:[0;+\infty[$

D: n'existe pas.

Q17. soit $x \in \mathbb{C}$ et (E): l'équation définie par :

$$(E): z + \frac{1}{z} = 2\cos\theta \; ; \; \theta \in \mathbf{R}$$

Les solutions de (E) ont pour module 1 et d'argument $\theta + 2k\pi$.

A. VRAI

B. FAUX

Q18. A l' instant t=0, on injecte une substance dans le sang d'un animal. La concentration y(t), (t>0) de cette substance à une date t est : $y(t)=8(e^{-t}-e^{-2t})$; $t(en\ s)$ à quelle date cette concentration atteint 10^{-3}

A: t = 5

 ${\bf B}$: un temps t_0 autre que celles proposées.

C: t = 3600

D:t = 9

Q19. Soit f une fonction complexe définie par :

$$f(z) = \frac{z^2 - 1}{z(z+3)}$$
; $z \neq 0$ et $z \neq -3$. On a:

 $\mathbf{A} \colon f(\overline{\alpha}) = f(\alpha)$

 $\mathbf{B} \colon f(\overline{\alpha}) = -f(\alpha)$

C: $f(\bar{\alpha}) = \overline{f(\alpha)}$

D: Aucune solution n'est valable.

Q20. Dans un laboratoire de recherche en médecine ; la vitesse de prolifération des microbes à l'instant t, y'(t) est telle que :

$$y''(t) = ky'(t); \quad k > 0$$

Avec y(t) la prolifération de ces microbes, (y(t) > 0; t > 0)

On obtient:

$$\mathbf{A}: y'(t) = A(t) + B(t)e^{kt}$$

$$\mathbf{B}: y'(t) = e^{\alpha e^{\hbar t}}$$

$$\mathbf{C}: y'(t) = t_0 (Ae^{\alpha . t} + Be^{\beta . t})$$

Q21. Soit
$$n \in IN$$
, $2^{3n} \equiv 1 \pmod{7}$

Q22. Soit x et y deux nombres. Les systèmes

(E):
$$\begin{cases} Cos(x) + Cos(y) = \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{2} \\ Cos(2x) + Cos(2y) = \frac{1}{2} \end{cases} \text{ et}$$
(E'):
$$\begin{cases} Cos(x) + Cos(y) = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} \\ Cos(x) \cdot Cos(y) = \frac{\sqrt{6}}{4} \end{cases}$$

sont équivalentes.

Q23. La somme
$$S = 7 + 10 + 13 + 16 + ... + 64$$
 est

A.
$$S = 710$$

B.
$$S = 777$$

$$C. S = 646$$

D.
$$S = 707$$

Q24. La limite en $+ \infty$ d'une suite géométrique de raison - 2 et de premier terme $u_0 = 1$ est

$$D. -\infty$$

Q25. Soient a et b deux nombres réels et $f_{a,b}$ la fonction définie par : pour tout

$$x \in IR \setminus \{-b\}$$
, $f_{a,b}(x) = \frac{ax^2-4}{x+b}$. Pour toutes valeurs de $(a \ ; \ b)$ la courbe de $f_{a,b}$ admet une asymptote verticale



CONCOURS D'ENTREE A L'ESATIC

SESSION 2015

EPREUVE D'ANGLAIS durée : 1heure

Dans chacun des cas choisir la bonne réponse

Attention ; Mettre les réponses sur la fiche annexe notée grille de réponses

EXERCISE ONE (QCM): Choose from the alternatives lettered A to D the one which is **most** nearly opposite in meaning (antonym) to the underlined word in each sentence. For each one, tick on your answer sheet the right box corresponding to your choice.

1- There are guards A- notice		e the government wants to C- encourage	eliminate smuggling. D- investigate
2- The candidate wor	rked the problem with	a great precision.	
A- sense	B- energy	C- inaccuracy	D- detail
3- My grandmother I	ikes <u>old fashioned</u> cle	othes.	
	B- decorated		D- stylish
4- I am going to arra	inge the books in the	cupboard.	
A- display	B- list	C- scatter	D- spill
5- Most of the men w	vere sacked by the con	mpany.	
A- used	B- punished	C- employed	D- warned
6- This room is too d	im.		
A- lit	B- shining	C- clear	D- bright
7- That box contains	very expensive jewel	lerv.	
A- beautiful		C- better	D- cheap
8- They are waiting in	n the arrival hall.		
A- common	B- return	C- acceptance	D- departure
9- It is unlikely that t	they will report before	e Saturday.	
A- similar		C- close	D- possible
10- This flower is ma	de from artificial ma	terials.	
A- new	B- preserved	C- wonderful	D-natural
		1/2	
	tale; please take them	away.	
A- fresh	B- juicy	C- sour	D- nice
12- Moses is on a ten	nporary appointment.		
A- permanent	B- daily	C- probational	D- weekly

13- The beggar van	ished when he saw	the policeman.		
A- appeared	B- showed	C- defected	D- jumped	
			191143	
14- The taxi driver	drove recklessly thre	oughout the journey.		
A- carefully	B- speedily	C- noisily	D- leisurely	
15- Those machines	are not genuine bar	nds.		
A- fake	B- fine	C- tested	D- new	
EXERCISE TWO Read each sentence	(QCD): Some error carefully and tick A	s have deliberately bee when the sentence is	en inserted in some sentences below. correct or B when the sentence is inc	correct.
16- I think this umb A- correct		; she was carrying one correct	like it yesterday.	
17- After I have bee A- correct		or another year, I can s	peak it more fluently.	
18- We must to leav A- correct	re as soon as she gets B- inc	s here.		
19- I wish I can com A- correct		correct		
20- He must waits u	ntil the bank opens.			
A- correct	1	correct		
21- You ought to wr A- correct	rite to your parents n B- inc	nore often.		
22- May Luse this n	hone to make a priva	ate call?		
A- correct	B- ince			
23- My parents say t	hat I can stay out un	til midnight		
A- correct	B- ince			
24- I can easily find A- correct	enough time for my B- inco			
25- Birds fly, don't t A- correct	they? Yes, they do. B- inco	rrect		
= = = = = = = = = = = = = = = = = = = =				



CONCOURS D'ENTREE A L'ESATIC

SESSION 2015

EPREUVE DE FRANÇAIS durée : 1heure

Dans chacun des cas choisir la bonne réponse

Attention ; Mettre les réponses sur la fiche annexe notée grille de réponses

Q1-Le schéma de la communication comprend cinq facteurs

A-Vrai

B-Faux

Q2-La fonction métalinguistique est centrée sur la forme du message

A-Vrai

B-Faux

Q3-Le discours direct exclut les indices d'énonciation

A-Vrai

B-Faux

Q4-La communication verbale met en évidence la grammaire de l'écrit

A-Vrai

B-Faux

Q5-Le mot « jargon » appartient au registre de langue vulgaire

A-Vrai

B-Faux

Q6-« Je vous apporte le rapport tout suite » est un énoncé incorrect

A-Vrai

B-Faux

Q7-La phrase « Il nous rabat les oreilles avec les mêmes paroles » est incorrecte

A-Vrai

B-Faux

Q8-Dire « C'est l'information que je me rappelle » est acceptable

A-Vrai

B-Faux

Q9-L'expression « s'entraider mutuellement » comporte une redondance

A-Vrai

B-Faux

Q10-Faire la liaison avec un mot commençant par un h aspiré est une faute d'expression orale

A-Vrai

B-Faux

Q11-« La cybercriminalité » est un mot palindrome

A-Vrai

B-Faux

Q12-Le mot ordinateur est un paronyme du terme informatique

A-Vrai

B-Faux

Q13-Les modalisateurs marquent l'évolution de la pensée d'un auteur dans un texte

A-Vrai

B-Faux

Q14-Les abréviations « lol » et « mdr » utilisées sur le NET sont différentes des indices d'énonciation

A-Vrai

B-Faux

Q15-Dans un texte, les termes affectifs marquent le degré d'adhésion du locuteur vis-à-vis de l'énoncé

A-Vrai

B-Faux

Pour chaque question, une seule réponse est correcte ; cocher la lettre correspondant à la bonne réponse.

Q16-« Légiférer contre la cybercriminalité est une vanité; dites si vous partagez cet avis » est un sujet qui répond à un plan :

A-explicatif

B-thématique

C-analytique

D-dialectique

Q17-La communauté de sens de plusieurs mots est appelée :

A-antonymie

B-paronymie

C-homonymie

D-synonymie

Q18-Un message délibérément agressif visant à attaquer la thèse d'un adversaire, est d'une tonalité:

A-réaliste

B-parodique

C-oratoire

D-polémique

Q19-La fonction phatique sert à:

A- donner des informations

B-exprimer le plaisir esthétique

C-analyser le fonctionnement du code

D-vérifier la connexion avec l'interlocuteur

Q20-Utiliser des comparaisons pour affirmer son opinion est un raisonnement :

A-par concession

B-par opposition

C-inductif

D-analogique

Q21-Le mouvement littéraire du surréalisme est du siècle :

A-18^{ème}

B-19eme

C-20^{ème}

D-21 ème

Q22-La rose des vents est un roman de :

A-Maurice Bandaman

B-Véronique Tadjo

C-Georges Ibrahim Zreik

D-Isaïe Biton Coulibaly

Q23-La suppression de phonèmes à la fin d'un mot est une :

A-paronomase

B-syncope

C-apocope

D-aphérèse

Q24-Dans la phrase « Je souhaitais que le message arrivât à temps », le verbe de la subordonnée est :

A-au passé simple

B-au conditionnel passé

C-à l'imparfait du subjonctif

D-à l'imparfait de l'indicatif

Q25-La mémoire amputée de Werewere Liking est :

A-un conte

B-une légende

C-un roman

D-du théâtre rituel